

ΘΕΜΑ Α

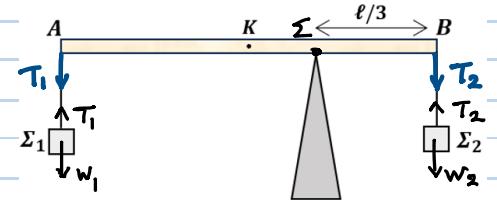
$$A_1 - \delta \quad A_2 - \alpha \quad A_3 - \alpha \quad A_4 - \gamma \quad A_5 - \lambda \quad \lambda \quad \Sigma \quad \lambda \quad \Sigma$$

ΘΕΜΑ Β

**B1 - γ** | συρροπια σωμάτων

$$\sum F_{iy} = 0 \Rightarrow T_1 = w_1$$

$$\sum F_{ay} = 0 \Rightarrow T_2 = w_2$$



$$\text{Ισορροπια δοκου: } \sum \tau_{(z)} = 0 \Rightarrow \tau_{T_1} - \tau_{T_2} \Rightarrow T_1 \frac{2l}{3} = T_2 \frac{l}{3}$$

$$\Rightarrow w_1 \frac{2l}{3} = w_2 \frac{l}{3} \Rightarrow w_2 = 2w_1$$

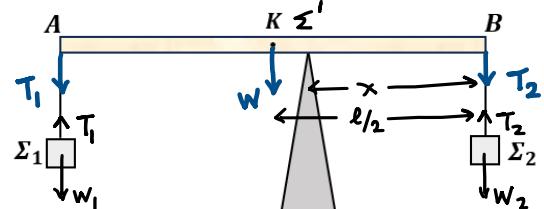
$$\text{Νέα ισορροπια δοκου } \sum \tau'_{(z')} = 0$$

$$\Rightarrow \tau_{T_1} + \tau_w - \tau_{T_2} = 0$$

$$\Rightarrow T_1(l-x) + w\left(\frac{l}{2}-x\right) - T_2 \cdot x = 0$$

$$\Rightarrow w_1(l-x) + w_1\left(\frac{l}{2}-x\right) - 2w_1 \cdot x = 0$$

$$\Rightarrow l-x + \frac{l}{2}-x - 2x = 0 \Rightarrow 4x = \frac{3l}{2} \Rightarrow x = \frac{3l}{8} \quad \textcircled{Y}$$



**B2 I - α, II - δ**

$$\text{I) O, δυνάμεις αποτελούν } \zeta \text{ εύφος αρα } \tau = F \cdot d \Rightarrow 0,6 F \ell = F d \Rightarrow d = 0,6l$$

$$\text{Άρα } AD = \frac{\ell}{4} + 0,6l = 0,25\ell + 0,6l \Rightarrow AD = 0,85\ell \quad \textcircled{A}$$

$$\text{II) } \sum \tau_A = 0 \Rightarrow \underbrace{\tau_{F_1} - \tau_{F_2}}_{\tau} - \tau_{F_3} = 0 \Rightarrow \tau = \tau_{F_3} \Rightarrow 0,6 F \ell = F_3 \cdot x$$

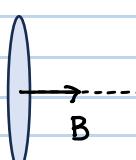
⊗

$$\Rightarrow 0,6 F \ell = F_{3\min} \cdot x_{\max} \quad \text{όπου } x_{\max} = l \quad \text{άρα } F_{3\min} = 0,6 F \quad \textcircled{B}$$

**B3 - α** | σχέση  $\varphi = \omega t = \frac{2\pi}{T} \frac{T}{6} \Rightarrow \varphi = \frac{\pi}{3}$

$$\Phi_{\text{αρχ}} = BA, \Phi_{\text{τελ}} = BA \sin \varphi = BA \sin \frac{\pi}{3} = BA/2$$

$$\bar{\epsilon}_{\text{επ}} = \frac{|\Delta \Phi|}{\Delta t} = \frac{|BA/2 - BA|}{T/6 - 0} \Rightarrow \bar{\epsilon}_{\text{επ}} = \frac{3BA}{T} \quad \textcircled{C}$$

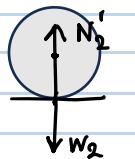
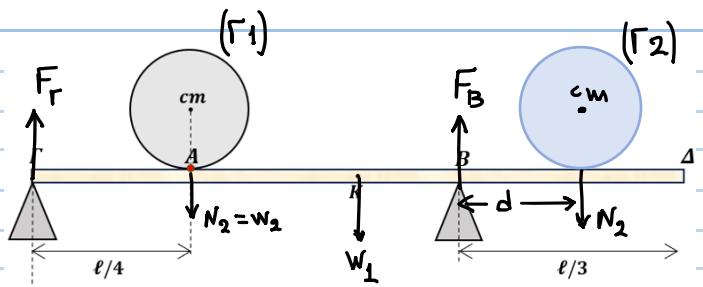


### ΘΕΜΑ Γ

Γ1 Ο δίγνος δεχεται το βάρος

και  $\vec{W}_2$  και μη μια μόνη δύναμη  $\vec{N}'_2$

από τη δοκό.



$$\text{Ισχύει } \sum F_{2y} = 0 \Rightarrow N'_2 = w_2 = w_1 g = 40 \text{ N}$$

Στη δοκό ασκούνται οι δυνάμεις  $\vec{F}_r$ ,  $\vec{F}_B$  από τη συρίγματα, το βάρος της  $\vec{W}_1$  και μια μόνη δύναμη  $\vec{N}'_2$  από τον δίγνο.

Ισχύει  $\vec{N}'_2 = -\vec{N}_2$  δράση-αντίδραση αριστερή γέτρο  $N_2 = N'_2 = 40 \text{ N}$

Ισορροπία δοκού:  $\sum \tau_r = 0 \Rightarrow \tau_{F_B} - \tau_{W_1} - \tau_{N_2} = 0$

$$\Rightarrow F_B \cdot \frac{2l}{3} - w_1 \frac{l}{2} - N_2 \frac{l}{4} = 0 \Rightarrow \frac{2}{3} F_B = \frac{w_1}{2} + \frac{N_2}{4}, \quad w_1 = w_1 g = 60 \text{ N}$$

$$\Rightarrow \frac{2}{3} F_B = 30 \text{ N} + 10 \text{ N} \Rightarrow \boxed{F_B = 60 \text{ N}}$$

$$\text{Επίσης } \sum F_y = 0 \Rightarrow F_B + F_r = w_1 + N_2 \Rightarrow 60 \text{ N} + F_r = 60 \text{ N} + 40 \text{ N} \Rightarrow \boxed{F_r = 40 \text{ N}}$$

Γ2 Στο παραπόμω σχήμα ευτώ οι δίγνοι οταν ανατρέπεται

η δοκός βρίσκεται στη θέση που απέχει d από τη συρίγμα στο B.

Τότε  $F_A = 0$  και  $\tau_{F_A} = 0$ . Οπότε  $\sum \tau_B = 0 \Rightarrow \tau_{W_1} - \tau_{N_2} = 0$

$$\Rightarrow w_1 \left( \frac{l}{2} - \frac{l}{3} \right) = N_2 \cdot d \Rightarrow w_1 \frac{l}{6} = N_2 d \Rightarrow 60 = 40d \Rightarrow d = 1,5 \text{ m}$$

Επειδή  $d = 1,5 \text{ m} < \frac{l}{3} = 2 \text{ m}$  η δοκός ανατρέπεται πριν ο δίγνος

φτάσει στο ακρο Δ.

Γ3 Για τιν απόσταση που διανύει

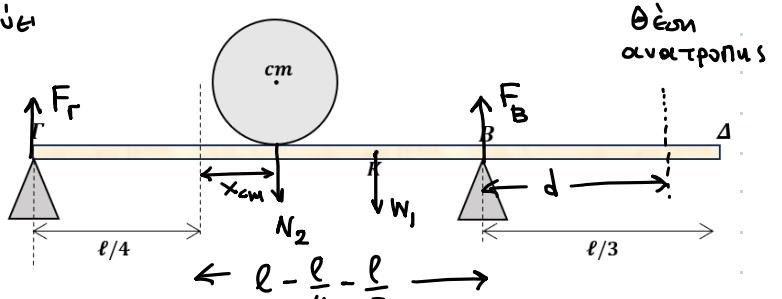
ο δίγνος μέχρι την ανατροπή

ως δοκός ισχύει:

$$0 \leq x_{cm} \leq l - \frac{l}{4} - \frac{l}{3} + d$$

$$0 \leq x_{cm} \leq (6 - 1,5 - 2 + 1,5) \text{ m}$$

$$0 \leq x_{cm} \leq 4 \text{ m}$$



Στις ωραίες δίκαιου που απέχει x από την αρχική θέση ισχύει:

$$\sum F_y = 0 \Rightarrow F_r + F_B = N_2 + W_1 \quad ①$$

$$\sum T_r = 0 \Rightarrow -T_{N_2} - T_{W_1} + T_{F_B} = 0 \Rightarrow F_B \frac{2\ell}{3} = N_2 \left( \frac{\ell}{4} + x_{cm} \right) + W_1 \frac{\ell}{2}$$

$$\Rightarrow 4F_B = 40(1,5 + x_{cm}) + 180 \Rightarrow F_B = 10(1,5 + x_{cm}) + 45$$

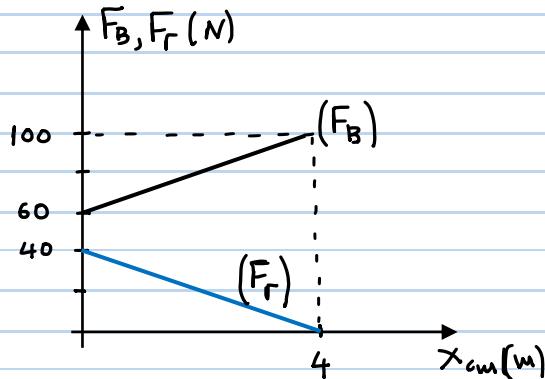
$$\Rightarrow F_B = 10x_{cm} + 60, \text{ SI}$$

$$① \Rightarrow F_r + 10x_{cm} + 60 = 40 + 60$$

$$\Rightarrow F_r = 40 - 10x_{cm}, \text{ SI}$$

$$\text{Για } x_{cm} = 0, F_B = 60N, F_r = 40N$$

$$x_{cm} = 4m, F_B = 100N, F_r = 0$$



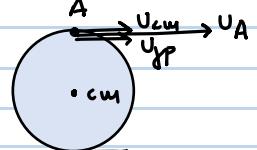
Γ4 Όταν ανατρέγονται δομοί ο δίσκος έχει διανύσι απόσταση

$x_{cm} = 4m$ . Επειδή κάτιον χωρίς ολίσθημα οπότε ισχύει  $x_{cm} = R\theta$

$$\Rightarrow \theta = \frac{x_{cm}}{R} = \frac{4}{4/1} \Rightarrow \theta = \pi \text{ rad.} \quad \text{Άρα η νουνιά συγκριτικά με την ανατροπή των δομών έχει διαγράψει γιανια } \theta = \pi \text{ οπότε βρίσκεται στο ανώτερο σημείο. Ισχύει } v_{cm} = v_p = R\omega$$

ανατροπής των δομών έχει διαγράψει γιανια  $\theta = \pi$  οπότε βρίσκεται στο ανώτερο σημείο. Ισχύει  $v_{cm} = v_p = R\omega$

$$\text{Άρα } \vec{v}_A = \vec{v}_{cm} + \vec{v}_p \Rightarrow v_A = v_{cm} + v_p = 2v_{cm} \Rightarrow v_A = 1,2 \text{ m/s}$$



### ΘΕΜΑ Δ

Δ1 Ο αριθμός λόγω της  $\vec{F}$

κινήσεων προς τα δεξιά εγίνεται

του ΟΜΠ οπότε επιφανείς ΗΕΔ

από επαγγελματικής θέσης  $\Sigma_{E\pi} = BUL$ , διαρρέεται

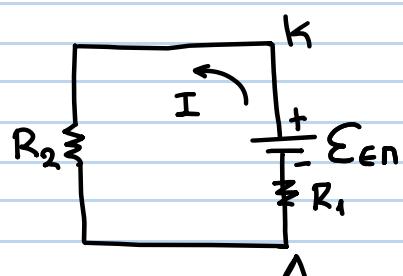
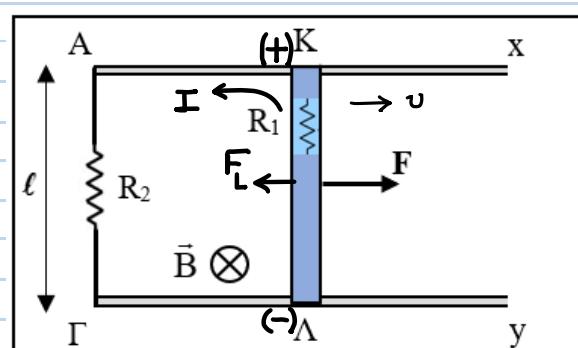
από επαγγελματικής θέσης  $I = \Sigma_{E\pi} / R_0$

οπότε δέχεται και  $F_L = BIL$

αντίστροφα της  $\vec{F}$ .

Ο αριθμός επιταχύνεται οπότε

αυξάνονται  $\vec{v}, \Sigma_{E\pi}, I$  και  $\vec{F}_L$



Η συνισταμένη δύναμη  $\sum F = F - F_L$  μείνεται μέχρι να μπει νορμαλή σύσταση οπότε ο αριθμός αποταμίας αριστερά ταχύτητας  $\vec{v}_{op}$ .

$$\text{λογούει } \sum F = 0 \Rightarrow F - F_L = 0 \Rightarrow F = F_L \Rightarrow F = B I l \Rightarrow F = B \frac{E_{en}}{R_{o\lambda}} l$$

$$\Rightarrow F = B \frac{B U_{op} l}{R_{o\lambda}} l \Rightarrow F = \frac{B^2 l^2}{R_{o\lambda}} U_{op} \Rightarrow U_{op} = \frac{F R_{o\lambda}}{B^2 l^2} \Rightarrow U_{op} = 4 \text{ m/s}$$

$$\Delta 2] 'Οταν  $U = \frac{U_{op}}{2} = 2 \text{ m/s} \rightarrow E_{en} = Bu l = 2 \text{ V} \rightarrow I = \frac{E_{en}}{R_{o\lambda}} = 4 \text{ A}$$$

$$V_{KN} = I R_2 = 4 \cdot 0,3 \text{ V} \Rightarrow V_{KN} = 1,2 \text{ V} \quad \text{in } V_{KN} = E_{en} - IR_1 = 1,2 \text{ V}.$$

$$\Delta 3] 'Οταν  $a = 2 \text{ m/s}^2 \quad \sum F = ma \Rightarrow F - F_L = ma \Rightarrow F_L = F - ma = 6 \text{ N}$$$

$$F_L = B I l \Rightarrow I = \frac{F_L}{Bl} \Rightarrow I = 6 \text{ A}$$

$$I = \frac{E_{en}}{R_{o\lambda}} \Rightarrow IR_{o\lambda} = Bl \Rightarrow v = \frac{IR_{o\lambda}}{Bl} \Rightarrow v = 3 \text{ m/s}.$$

$$a) \frac{dk}{dt} = \frac{dW_{\sum F}}{dt} = + \sum F \frac{dx}{dt} = + \sum F \cdot v = + m \cdot a \cdot v \Rightarrow \frac{dk}{dt} = + 6 \text{ J/s}$$

$$b) I = \frac{E_{en}}{R_{o\lambda}} = \frac{Bl}{R_{o\lambda}} \Rightarrow I = \frac{Bl}{R_{o\lambda}} \cdot v \rightarrow \frac{dI}{dt} = \frac{Bl}{R_{o\lambda}} \frac{dv}{dt} \Rightarrow \frac{dI}{dt} = \frac{Bl}{R_{o\lambda}} \cdot a$$

$$\text{οπότε } \frac{dI}{dt} = \frac{1 \cdot 1}{0,5} \cdot 2 \text{ A/s} \Rightarrow \frac{dI}{dt} = 4 \text{ A/s}$$

Δ4] Εφαρμοζή θΜΚΕ ανότινα ενιαίου μέχρι να αποκτήσει  $v_{op}$ .

$$K_{rel} - K_{aex} = W_F + W_{F_{L(1)}} \Rightarrow \frac{1}{2} m v_{op}^2 - 0 = F \cdot d + W_{F_{L(1)}}$$

$$\Rightarrow \frac{1}{2} 1 \cdot 16 \text{ J} = 8 \cdot 2 \text{ J} + W_{F_{L(1)}} \Rightarrow W_{F_{L(1)}} = 8 \text{ J} - 16 \text{ J} \Rightarrow W_{F_{L(1)}} = - 8 \text{ J}$$

Μετά την απόκτηση ως  $\vec{v}_{op}$  ο αριθμός εντελεχεί ενδύναμης

οριζόντιας κίνησης άρα  $\sum F = 0 \Rightarrow F_L = F = 8 \text{ N}$

$$W_{F_{L(2)}} = - F_L \cdot (d' - d) = - 8(4 - 2) \text{ J} \Rightarrow W_{F_{L(2)}} = - 16 \text{ J}$$

$$\text{Άρα } W_{F_L} = W_{F_{L(1)}} + W_{F_{L(2)}} = - 8 \text{ J} - 16 \text{ J} \Rightarrow W_{F_L} = - 24 \text{ J}$$

in θΜΚΕ ανότινα  $x=0$  ( $v=0$ ) ως  $x=d'=4 \text{ m}$

$$K_{rel} - K_{aex} = W_F + W_{F_L} \Rightarrow \frac{1}{2} m v_{op}^2 - 0 = F \cdot d' + W_{F_L}$$

$$\Rightarrow \frac{1}{2} 1 \cdot 16 \text{ J} = 8 \cdot 4 \text{ J} \Rightarrow W_{F_L} = - 24 \text{ J}$$