

ΘΕΜΑ Α

A1-α A2-α A3-γ A4-δ A5 Σ Λ Λ Σ Λ

ΘΕΜΑ Β

B1-α

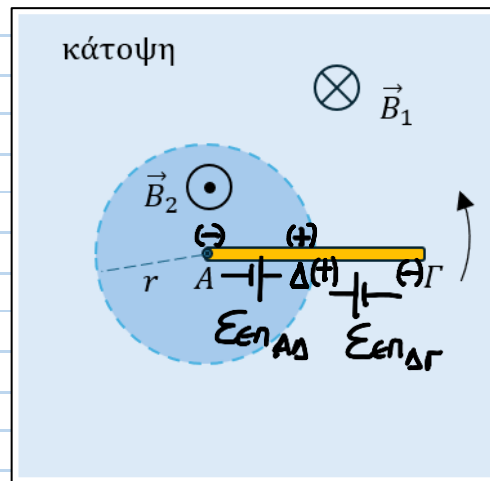
Ισχύει  $\mathcal{E}_{\text{π}A\Delta} = \frac{1}{2} B_2 \omega r^2 = \frac{1}{2} 2 B_1 \omega \frac{\ell^2}{4}$

$\mathcal{E}_{\text{π}A\Delta} = \frac{1}{4} B_1 \omega \ell^2$

Για το τμήμα ΔΓ του αγωγού ισχύει:

σε  $2\pi \text{ rad}$  αντιστοιχεί εμβαδόν  $\pi \ell^2 - \pi r^2$

σε  $\Delta\theta$  " "  $\Delta A$



$\Delta A \cdot 2\pi = \Delta\theta \pi(\ell^2 - r^2) \Rightarrow \Delta A = \frac{1}{2} \Delta\theta (\ell^2 - \frac{\ell^2}{4}) = \frac{3}{8} \Delta\theta \cdot \ell^2$

$\mathcal{E}_{\text{π}\Delta\Gamma} = \frac{\Delta\Phi}{\Delta t} = \frac{\Delta(B_1 A)}{\Delta t} = B_1 \frac{\Delta A}{\Delta t} = \frac{3}{8} B_1 \frac{\Delta\theta}{\Delta t} \ell^2 = \frac{3}{8} B_1 \omega \ell^2$

$V_{A\Gamma} = -\mathcal{E}_{\text{π}A\Delta} + \mathcal{E}_{\text{π}\Delta\Gamma} = -\frac{1}{4} B_1 \omega \ell^2 + \frac{3}{8} B_1 \omega \ell^2 \Rightarrow V_{A\Gamma} = +\frac{1}{8} B_1 \omega \ell^2$

α

B2 I) Εξισώσεις τρεχόντων κυμάτων

$y_1 = A \mu \rho \left( \frac{2\pi t}{T} - \frac{2\pi x}{\lambda} \right) \Rightarrow y_1 = A \mu \rho \phi_1$

$y_2 = A \mu \rho \left( \frac{2\pi t}{T} + \frac{2\pi x}{\lambda} \right) \Rightarrow y_2 = A \mu \rho \phi_2$

Αρχή επαλληλίας:  $y = y_1 + y_2 = A \mu \rho \phi_1 + A \mu \rho \phi_2 = A (\mu \rho \phi_1 + \mu \rho \phi_2)$

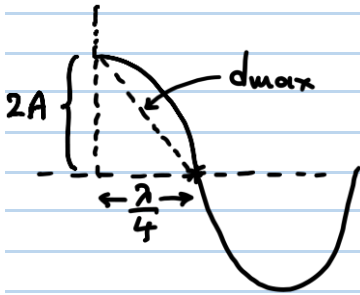
$\Rightarrow y = 2A \sigma \omega \frac{\phi_1 - \phi_2}{2} \cdot \mu \rho \frac{\phi_1 + \phi_2}{2}$

$\Rightarrow y = 2A \sigma \omega \frac{\frac{2\pi t}{T} - \frac{2\pi x}{\lambda} - \frac{2\pi t}{T} + \frac{2\pi x}{\lambda}}{2} \cdot \mu \rho \frac{\frac{2\pi t}{T} - \frac{2\pi x}{\lambda} + \frac{2\pi t}{T} + \frac{2\pi x}{\lambda}}{2}$

$\Rightarrow y = 2A \sigma \omega \left( -\frac{2\pi x}{\lambda} \right) \mu \rho \left( \frac{2\pi t}{T} \right)$

$\Rightarrow y = 2A \sigma \omega \left( \frac{2\pi x}{\lambda} \right) \mu \rho \left( \frac{2\pi t}{T} \right)$  εξίσωση στάσιμου κύματος

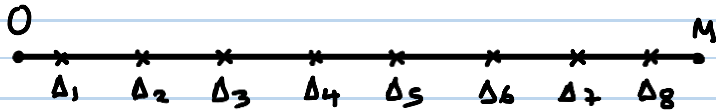
**II-β** Όταν η αρχή  $O$  έχει μέγιστο μέτρο επιτάχυνσης βρίσκεται σε ακραίες θέσεις ταλάντωσης, άρα  $y_0 = \pm 2A$



ισχύει  $d_{\max}^2 = (2A)^2 + \left(\frac{\lambda}{4}\right)^2$

$$68A^2 = 4A^2 + \left(\frac{\lambda}{4}\right)^2$$

$$64A^2 = \left(\frac{\lambda}{4}\right)^2 \Rightarrow \frac{\lambda}{4} = 8A \Rightarrow \lambda = 32A$$



Τα σημεία  $O, M$  είναι κοιλίες. Ανάμεσα υπάρχουν 8 δεσμοί

$$\text{Άρα } OM = l = \frac{\lambda}{4} + 7\frac{\lambda}{2} + \frac{\lambda}{4}$$

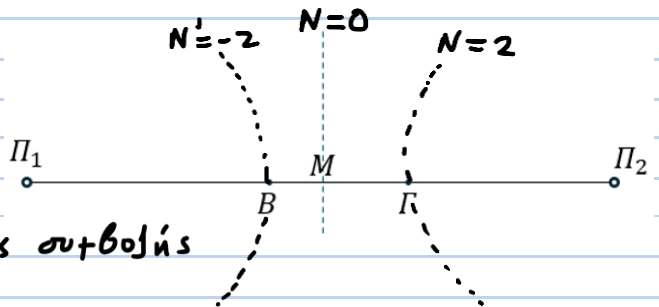
$$l = 8\frac{\lambda}{2} = 4\lambda$$

$$l = 4 \cdot 32A$$

$$l = 128A \quad \textcircled{\beta}$$

όπου  $\lambda/2$  η οριζόντια απόσταση δύο διαδοχικών δεσμών και  $\lambda/4$  η οριζόντια απόσταση δεσμού από τη γειτονική κοιλία.

**B3 I-γ, II-β**



I) Το σημείο  $B$  είναι ακίνητο και ανήκει στην υπερβολή κυρωτικής συμβολής  $N' = -2$  αφού μεταξύ  $B$  και  $M$

υπάρχει μόνο ένα σημείο ενισχυτικής συμβολής το οποίο ανήκει στην υπερβολή  $N = -1$ . Οπότε  $\pi_1 B - \pi_2 B = (2N'+1)\frac{\lambda}{2}$   
για  $N' = -2$   $\pi_1 B - \pi_2 B = -3\frac{\lambda}{2}$  ①

Το σημείο  $\Gamma$  είναι σημείο ενισχυτικής συμβολής το οποίο ανήκει στην υπερβολή  $N = 2$  αφού μεταξύ του  $\Gamma$  και του  $M$  υπάρχει ακριβώς ένα σημείο μέγιστου πλάτους που ανήκει στην υπερβολή  $N = 1$ . Οπότε  $\pi_1 \Gamma - \pi_2 \Gamma = N\lambda$  για  $N = 2$   $\pi_1 \Gamma - \pi_2 \Gamma = 2\lambda$  ②

Αφαιρώντας κατά μέλη ② - ① έχουμε:

$$\pi_{1\Gamma} - \pi_{2\Gamma} - \pi_{1B} + \pi_{2B} = 2\lambda - (-\frac{3}{2}\lambda)$$

$$(\pi_{1\Gamma} - \pi_{1B}) + (\pi_{2B} - \pi_{2\Gamma}) = \frac{7\lambda}{2}$$

$$B\Gamma + B\Gamma = \frac{3\lambda}{2} \Rightarrow 2B\Gamma = \frac{7\lambda}{2} \Rightarrow \boxed{B\Gamma = \frac{7\lambda}{4} = 1,75\lambda} \text{ ⑧}$$

II)  $\pi_{1B} = r_{1B}$ ,  $\pi_{2B} = r_{2B}$

$\pi_{1\Gamma} = r_{1\Gamma}$ ,  $\pi_{2\Gamma} = r_{2\Gamma}$

Ισχύει  $r_{1B} - r_{2B} = -\frac{3\lambda}{2}$

Ισχύει  $r_{1\Gamma} - r_{2\Gamma} = 2\lambda$

και  $r_{1B} + r_{2B} = d$

και  $r_{1\Gamma} + r_{2\Gamma} = d$

Αφαιρώντας κατά μέλη

Προσθέτοντας κατά μέλη

$$r_{1B} + r_{2B} - r_{1B} + r_{2B} = d + \frac{3\lambda}{2}$$

$$r_{1\Gamma} - r_{2\Gamma} + r_{1\Gamma} + r_{2\Gamma} = d + 2\lambda$$

$$2r_{2B} = d + \frac{3\lambda}{2}$$

$$2r_{1\Gamma} = d + 2\lambda$$

$$\boxed{r_{2B} = \frac{d}{2} + \frac{3\lambda}{4}}$$

$$\boxed{r_{1\Gamma} = \frac{d}{2} + \lambda}$$

Η συμβολή στο σημείο B ξεκινά όταν φτάνει και το δεύτερο κύμα από την πιο μακρινή πηγή  $\pi_2$  τη χρονική στιγμή:  $r_{2B} = v t_{2B} \Rightarrow t_{2B} = \frac{r_{2B}}{v} = t_{\text{συμβολής}(B)}$

Αντίστοιχα στο σημείο Γ η συμβολή ξεκινά όταν φτάνει και το δεύτερο κύμα από την πιο μακρινή πηγή  $\pi_1$  τη χρονική στιγμή:  $r_{1\Gamma} = v t_{1\Gamma} \Rightarrow t_{1\Gamma} = \frac{r_{1\Gamma}}{v} = t_{\text{συμβολής}(\Gamma)}$

Επειδή  $r_{1B} < r_{1\Gamma} \rightarrow t_{1B} < t_{1\Gamma}$  άρα όταν ξεκινά η συμβολή στο σημείο B δεν έχει ξεκινήσει η συμβολή στο σημείο Γ, το οποίο ταλαντώνεται λόγω του κύματος που έχει φτάσει από την πιο κοντινή πηγή  $\pi_2$ . Άρα το πλάτος της ταλάντωσης είναι  $\boxed{A_{\Gamma} = A} \text{ ⑨}$

## ΘΕΜΑ Γ

Γ1 Για το σημείο Ι ισχύει ότι  $S = 4A' \Rightarrow 40 \text{ cm} = 4A' \Rightarrow A' = 10 \text{ cm}$

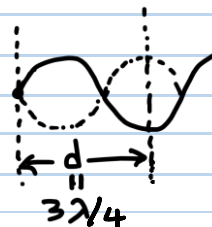
$$\text{Όμως } A' = \frac{1}{4} 2A \Rightarrow 10 \text{ cm} = \frac{A}{2} \Rightarrow A = 20 \text{ cm} = 0,2 \text{ m}$$

Για την οριζόντια απόσταση ενός δεσμού από

τη μετέπειτα κοιλία ισχύει ότι:

$$d = \frac{\lambda}{2} + \frac{\lambda}{4} \Rightarrow d = \frac{3\lambda}{4} \Rightarrow 60 \text{ cm} = \frac{3\lambda}{4}$$

$$\Rightarrow \lambda = 80 \text{ cm} = 0,8 \text{ m}$$

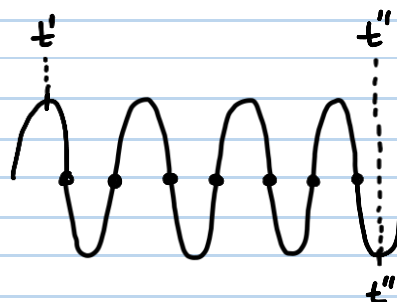


Στο χρονικό διάστημα  $\Delta t = t'' - t' = 1,4 \text{ sec}$

η κοιλία στο άκρο Ο έχει μέγισμη κινητική

ενέργεια 7 φορές άρα έχει περάσει από

τη θέση ισορροπίας ταλαντώσεως 7 φορές.



Άρα ταλαντώνεται για:  $\Delta t = 7 \frac{T}{2} \Rightarrow 1,4 = \frac{7}{2} T \Rightarrow T = 0,4 \text{ sec}$

$$f = \frac{1}{T} = 2,5 \text{ Hz}$$

Οπότε για την εξίσωση του στάσιμου κύματος έχουμε:

$$y = 2A \sin \frac{2\pi x}{\lambda} \cdot \mu \frac{2\pi t}{T}$$

$$y = 2 \cdot 0,2 \sin \left( \frac{2\pi x}{0,8} \right) \cdot \mu \left( \frac{2\pi t}{0,4} \right) \Rightarrow \boxed{y = 0,4 \sin(2,5\pi x) \cdot \mu(5\pi t) \text{ SI}}$$

Γ2 Για το μήκος της χορδής  $l = 0,7$  ισχύει ότι:  $l = \mu \frac{\lambda}{2} + \frac{\lambda}{4}$

Υπάρχουν 5 δεσμοί συνολικά άρα  $\mu = 4$ .

$$\text{οπότε } l = 4 \frac{\lambda}{2} + \frac{\lambda}{4} \Rightarrow l = \frac{9\lambda}{4} = \frac{9}{4} 80 \text{ cm} \Rightarrow \boxed{l = 180 \text{ cm} = 1,8 \text{ m}}$$

Γ3 Τι χρονική στιγμή  $t_1 = 0,3 \text{ sec}$  έχουμε:

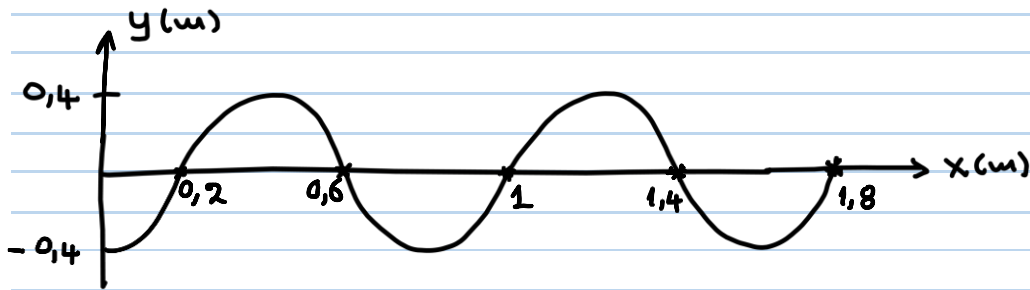
$$y = 0,4 \sin(2,5\pi x) \mu \left( 5\pi \cdot 0,3 \right) = 0,4 \sin(2,5\pi x) \cdot \mu \frac{3\pi}{2} \rightarrow^{-1}$$

$$y = -0,4 \sin(2,5\pi x) \text{ SI}$$

Η κοιλία Ο συν αρχή ( $x=0$ ) έχει τότε  $y_0 = -0,4 \sin 0 \Rightarrow y_0 = -0,4 \text{ m} \rightarrow^{+L}$

Άρα βρίσκεται στην κάτω ακραία θέση ταλαντώσεως.

Οπότε όλα τα σημεία θα βρίσκονται αντίστοιχα στις ακραίες θέσεις ταλάντωσης. Γνωρίζοντας ότι οι διαδοχικές κοιλίες έχουν διαφορά φάσης  $\pi$  rad (έχουν αντίθετη φορά κίνησης) το συγκεκριμένο του σπασίμου είναι:



Γ4] Η θέση του σημείου  $\Sigma$  είναι:

$$x_{\Sigma} = 180 \text{ cm} - 70 \text{ cm} \Rightarrow x_{\Sigma} = 110 \text{ cm} = 1,1 \text{ m}$$

(βρίσκεται μεταξύ 3<sup>ου</sup> και 4<sup>ου</sup> δεσμού  $1 \text{ m} < x_{\Sigma} < 1,4 \text{ m}$ )

Για την ταχύτητα ταλάντωσης των σημείων του σπασίμου ισχύει:

$$v = \frac{dy}{dt} = \omega 2A \sin \frac{2\pi x}{\lambda} \cos \frac{2\pi t}{T} = 2\pi \sin(2,5\pi x) \cdot \cos(5\pi t) \text{ SI}$$

Για το  $\Sigma$  στη θέση  $x_{\Sigma} = 1,1 \text{ m}$  έχουμε:

$$v_{\Sigma} = 2\pi \sin(2,5\pi \cdot 1,1) \cos(5\pi t) = 2\pi \sin(2,75\pi) \cos(5\pi t)$$

$$v_{\Sigma} = 2\pi \sin(2\pi + \frac{3\pi}{4}) \cos(5\pi t) = 2\pi \sin \frac{3\pi}{4} \cos(5\pi t) = 2\pi \left(-\frac{\sqrt{2}}{2}\right) \cos(5\pi t)$$

$$\boxed{v_{\Sigma} = -\pi\sqrt{2} \cos 5\pi t \text{ SI} \quad \text{ή} \quad v_{\Sigma} = \pi\sqrt{2} \cos(5\pi t + \pi) \text{ SI}}$$

Για τη διαφορά φάσης των σημείων  $O$  και  $\Sigma$  έχουμε:

$$x=0 \quad y_0 = 0,4 \sin 0 \cdot \cos(5\pi t) \Rightarrow \boxed{y_0 = 0,4 \cos(5\pi t) \text{ SI}}, \quad \underline{\phi_0 = 5\pi t}$$

$$x_{\Sigma} = 1,1 \text{ m} \quad y_{\Sigma} = 0,4 \sin(2,5\pi \cdot 1,1) \cdot \cos(5\pi t) = 0,4 \sin(2\pi + \frac{3\pi}{4}) \cos(5\pi t)$$

$$y_{\Sigma} = 0,4 \sin \frac{3\pi}{4} \cos(5\pi t) = 0,4 \left(-\frac{\sqrt{2}}{2}\right) \cos(5\pi t)$$

$$\boxed{y_{\Sigma} = -0,2\sqrt{2} \cos(5\pi t)} \Rightarrow y_{\Sigma} = 0,2\sqrt{2} \cos(5\pi t + \pi) \text{ SI}$$

$$\text{αρα } \underline{\phi_{\Sigma} = 5\pi t + \pi}$$

$$\text{Οπότε } \Delta\phi = \phi_{\Sigma} - \phi_0 = 5\pi t + \pi - 5\pi t \Rightarrow \boxed{\Delta\phi = \pi \text{ rad}}$$

Γ5] Την χρονική στιγμή  $t$  για την κοιλία 0 συν αρχική ισχύει:

$$y_0 = 0,3 \text{ m} \Rightarrow 0,4 \sin(5\pi t) = 0,3 \Rightarrow \sin(5\pi t) = \frac{3}{4}$$

Την ίδια χρονική στιγμή  $t$  για το σημείο  $\Sigma$  ισχύει

$$y_\Sigma = -0,2\sqrt{2} \sin(5\pi t) = -0,2\sqrt{2} \frac{3}{4} \text{ m} \Rightarrow \boxed{y_\Sigma = -0,15\sqrt{2} \text{ m}}$$

Γ6] Στην περίπτωση που τα άκρα της χορδής είναι

ακλόνητα για το μήκος  $l$  της χορδής ισχύει  $l = \mu \frac{\lambda'}{2}$

$$\text{όπου } v = \lambda' f' \Rightarrow \lambda' = \frac{v}{f'}$$

$$l = \mu \frac{v}{2f'} \Rightarrow f' = \mu \frac{v}{2l} \quad \text{όπου } v = \lambda f = 0,8 \cdot 2,5 \text{ m/s} = 2 \text{ m/s}$$

$$\Rightarrow f' = \mu \frac{2}{2 \cdot 1,8} \Rightarrow f' = \frac{\mu}{1,8}$$

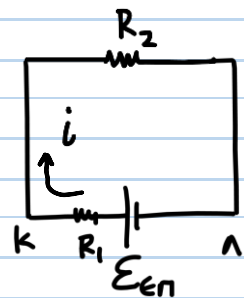
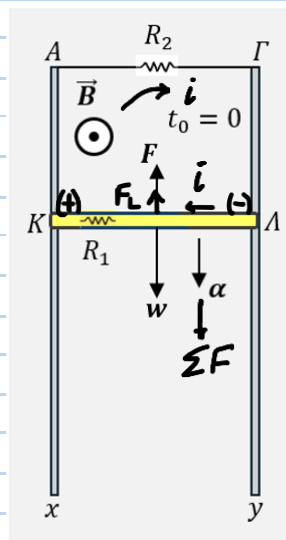
$$\text{Για } f' > f \Rightarrow f' > 2,5 \text{ Hz} \Rightarrow \frac{\mu}{1,8} > \frac{5}{2} \Rightarrow \mu > 4,5$$

$$\text{Άρα για } \mu = 5 \rightarrow f' = \frac{5}{1,8} \text{ Hz} = \frac{50}{18} \text{ Hz} \Rightarrow \boxed{f' = \frac{25}{9} \text{ Hz}}$$

### ΘΕΜΑ Δ

Δ1] Ο αγωγός κινούμενος εντός του ΟΜΠ ευτελιότητας αρχικά ευθύγραμμο οραλά επιταχυνόμενο κίνηση, εμφανίζεται στα άκρα του ΗΕ Δ από επαγωγή  $\mathcal{E}_{\text{επ}} = Bv\ell$

$$\text{όπου } v = \alpha t \quad (v_0 = 0)$$



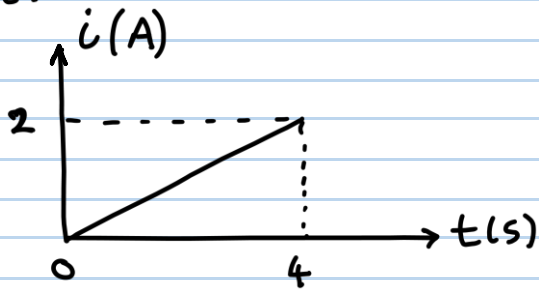
$$\text{Ισχύει } \mathcal{E}_{\text{επ}} = Bv\ell \cdot t \Rightarrow \mathcal{E}_{\text{επ}} = 1 \cdot 2 \cdot 1t \Rightarrow \underline{\underline{\mathcal{E}_{\text{επ}} = 2t \text{ SI}}}$$

Η διάταξη διαρρέεται από επαγωγικό ηλεκτρικό ρεύμα

$$\text{έντασης } i = \frac{\mathcal{E}_{\text{επ}}}{R_{\text{ολ}}} \quad \text{όπου } R_{\text{ολ}} = R_1 + R_2 = 4 \Omega$$

$$i = \frac{2t}{4} \Rightarrow \boxed{i = 0,5t, \text{ SI}}$$

Για τη γραφική παράσταση στο χρονικό διάστημα  $0 \leq t \leq 4 \text{ sec}$  έχουμε:



Το φορτίο που διέρχεται από μια διατομή του αγωγού είναι αριθμητικά ίσο με το εμβαδόν του διυφράγματος

$$\text{Ισχύει: } \Delta q = \int_{0 \rightarrow 4 \text{ sec}} \epsilon \text{μβαδόν} = \frac{1}{2} \cdot 2 \cdot 4 \text{ C} \Rightarrow \boxed{\Delta q = 4 \text{ C}}$$

Δ2 Ο αγωγός επαφά διαρρέεται από ηλεκτρικό ρεύμα και βρίσκεται εντός ΟΜΠ δέχεται δύναμη Λαρλασε με φορά προς τα πάνω.

$$\text{Ισχύει: } F_L = B i l = 1 \cdot 0,5t \cdot 1 \Rightarrow \underline{F_L = 0,5 \cdot t \text{ SI}}$$

Για τη δύναμη  $\vec{F}$  από τον 2<sup>ο</sup> Νόμο Newton έχουμε:

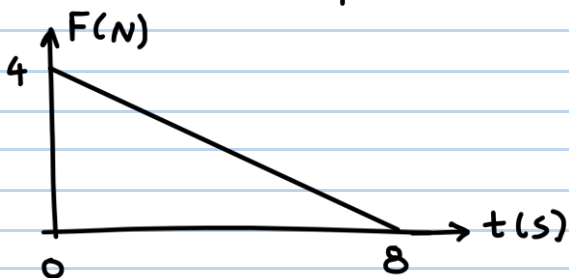
$$\Sigma F = ma \Rightarrow mg - F_L - F = ma \Rightarrow 5 - 0,5t - F = 0,5 \cdot 2$$

$$\Rightarrow \boxed{F = 4 - 0,5t \text{ SI}}$$

$$\text{Όταν } F = 0 \Rightarrow 4 = 0,5t \Rightarrow t = 8 \text{ sec}$$

Για τη γραφική παράσταση της  $F$  στο χρονικό διάστημα

$0 \leq t \leq 8 \text{ sec}$  έχουμε:



Δ3 Το χρονικό στιγμή  $t = 4 \text{ sec}$  έχουμε:

$$v = \alpha t = 2 \cdot 4 \text{ m/s} \Rightarrow \underline{v = 8 \text{ m/s}}, \quad i = 0,5 \cdot t = 0,5 \cdot 4 \text{ A} \Rightarrow \underline{i = 2 \text{ A}}$$

$$\text{και } F = 4 - 0,5t = (4 - 0,5 \cdot 4) \text{ N} \Rightarrow \underline{F = 2 \text{ N}}$$

α) Για την ισχύ της  $\vec{F}$  έχουμε:

$$P_F = \frac{dW_F}{dt} = \frac{-F \cdot dy}{dt} = -F \cdot v = -2 \cdot 8 \text{ W} \Rightarrow \boxed{P_F = -16 \text{ W}}$$

β) Ο ρυθμός που παράγεται θερμότητα στην αντιστάση του αμφοῦ είναι:

$$\frac{dQ_{R_1}}{dt} = P_{R_1} = i^2 R_1 = 2^2 \cdot 1 \text{ J/s} \Rightarrow \boxed{\frac{dQ_{R_1}}{dt} = 4 \text{ J/s}}$$

Δ4 Το σιγρή που καταρχίται η δύναμη  $\vec{F}$  ( $t=8 \text{ sec}$ ) το μέτρο της δύναμης Λαρλαε είναι:

$$F_L = 0,5 \cdot t = 0,5 \cdot 8 \text{ N} \Rightarrow F_L = 4 \text{ N} < W = mg = 5 \text{ N}$$

Επειδή  $W > F_L$  η συνισταμένη δύναμη που δέχεται ο αμφοῦ έχει φορά προς τα κάτω, είναι ομόρονη της ταχύτητας, οπότε ο αμφοῦ επιταχύνεται.

Άρα η ταχύτητα του αμφοῦ αυξάνεται

η ΗΕΔ ξεπ αυξάνεται, το επαγωγικό ρεύμα

αυξάνεται οπότε αυξάνεται και το μέτρο της

δύναμης Λαρλαε. Η συνισταμένη δύναμη που

δέχεται ο αμφοῦ  $\Sigma F = W - F_L'$  μειώνεται

μέχρι να μηδενιστεί οπότε αποκτά οριακή ταχύτητα.

Από τη σιγρή που καταρχίται η δύναμη  $\vec{F}$

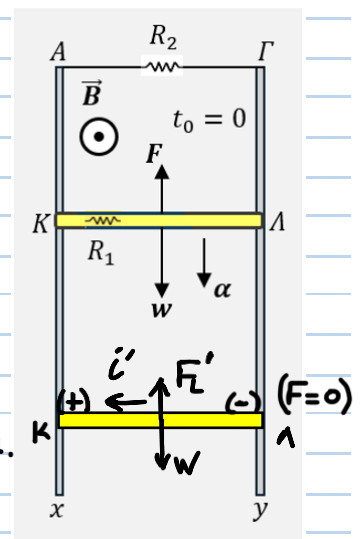
και μέχρι ο αμφοῦ να αποκτίσει οριακή ταχύτητα επιτελεί

μη ομαλό επιταχυνόμενο κίνηση με επιτάχυνση που συνεχώς

μειώνεται.

$$\text{Έχουμε: } \Sigma F = 0 \Rightarrow F_L' = W \Rightarrow B I' l = mg \Rightarrow B \frac{\xi_{\text{επ}}}{R_{\text{ολ}}} l = mg$$

$$\Rightarrow B \frac{B v_{\text{οπ}} l}{R_{\text{ολ}}} = mg \Rightarrow v_{\text{οπ}} = \frac{mg R_{\text{ολ}}}{B^2 l^2} \Rightarrow \boxed{v_{\text{οπ}} = 20 \text{ m/s}}$$



$$\underline{\Delta 5} \quad \text{λοξία} \quad \dot{i}' = \frac{\varepsilon \eta}{R_{\sigma\lambda}} = \frac{B \omega \ell}{R_{\sigma\lambda}} \Rightarrow \dot{i}' = \frac{B \ell}{R_{\sigma\lambda}} v \rightarrow \frac{d\dot{i}'}{dt} = \frac{B \ell}{R_{\sigma\lambda}} \frac{dv}{dt}$$

$$\Rightarrow 0,25 = \frac{1 \cdot 1}{4} \frac{dv}{dt} \Rightarrow \frac{dv}{dt} = 1 \text{ m/s}^2 = \alpha'$$

Η μηχανική ενέργεια του αγωγού είναι:  $E_{\text{μηχ}} = K + U_{\text{βαρ}}$

Ο ρυθμός μεταβολής της μηχανικής ενέργειας είναι:

$$\frac{dE_{\text{μηχ}}}{dt} = \frac{dK}{dt} + \frac{dU_{\text{βαρ}}}{dt}$$

$$\text{λοξία: } \Sigma F' = m\alpha' \Rightarrow W - F_L' = m\alpha' \Rightarrow F_L' = mg - m\alpha'$$

$$\Rightarrow F_L' = m(g - \alpha) = 0,5(10 - 1) \text{ N} \Rightarrow F_L' = 4,5 \text{ N}$$

$$\text{και } F_L' = Bi'\ell = B \frac{Bv'\ell}{R_{\sigma\lambda}} \cdot \ell \Rightarrow F_L' = \frac{B^2 \ell^2}{R_{\sigma\lambda}} v' \Rightarrow 4,5 = \frac{1 \cdot 1}{4} v'$$

$$\Rightarrow \underline{v = 18 \text{ m/s}}$$

Έχουμε:

$$\frac{dK}{dt} = \frac{dW_{\Sigma F'}}{dt} = \frac{\Sigma F' \cdot dy}{dt} = \Sigma F' \cdot v = m\alpha' \cdot v$$

$$\frac{dK}{dt} = 0,5 \cdot 1 \cdot 18 \text{ J/s} \Rightarrow \frac{dK}{dt} = +9 \text{ J/s}$$

$$\text{και } \frac{dU_{\text{βαρ}}}{dt} = -\frac{dW_W}{dt} = -\frac{+W \cdot dy}{dt} = -mg \cdot v$$

$$\frac{dU_{\text{βαρ}}}{dt} = -0,5 \cdot 10 \cdot 18 \text{ J/s} \Rightarrow \frac{dU_{\text{βαρ}}}{dt} = -90 \text{ J/s}$$

$$\text{άρα } \frac{dE_{\text{μηχ}}}{dt} = +9 \text{ J/s} - 90 \text{ J/s} \Rightarrow \boxed{\frac{dE_{\text{μηχ}}}{dt} = -81 \text{ J/s}}$$

$$\textcircled{\text{ii}} \quad \frac{dE_{\text{μηχ}}}{dt} = \frac{dK}{dt} + \frac{dU_{\text{βαρ}}}{dt} = \Sigma F' \cdot v - mgv = (mg - F_L')v - mgv$$

$$\frac{dE_{\text{μηχ}}}{dt} = -F_L' \cdot v = -4,5 \cdot 18 \text{ J/s} = -81 \text{ J/s}$$