

**Διαγώνισμα Φυσικής Προσανατολισμού Θετικών Σπουδών Β' Λυκείου 01/02/2026**

**ΘΕΜΑ Α**

Στις ερωτήσεις Α1 – Α4 να επιλέξετε τη σωστή απάντηση.

Α1. Σφαίρα Α μάζας  $m_1$  κινούμενη με ταχύτητα μέτρου  $v$ , συγκρούεται μετωπικά και ελαστικά με ακίνητη σφαίρα Β μάζας  $m_2$ . Η φορά κίνησης της σφαίρας Α αντιστρέφεται όταν:

- α.  $m_1 = m_2$       β.  $m_1 > m_2$       **γ.  $m_1 < m_2$**       δ.  $m_1 = 2m_2$        $U_1' < 0 \Rightarrow \frac{m_2 - m_1}{m_1 + m_2} \cdot U_1 < 0$   
 $\Rightarrow m_1 < m_2$       (5 μονάδες)

Α2. Όταν ένα στερεό σώμα εκτελεί μόνο μεταφορική κίνηση:

- α. το σώμα αλλάζει προσανατολισμό.  
β. τα υλικά σημεία του σώματος έχουν κάθε στιγμή διαφορετικές ταχύτητες.  
γ. υπάρχουν υλικά σημεία του σώματος τα οποία έχουν στιγμιαία μηδενική ταχύτητα.  
**δ. τα υλικά σημεία του σώματος έχουν κάθε στιγμή ίδιες ταχύτητες.**

(5 μονάδες)

Α3. Η πολική τάση είναι ίση με την ΗΕΔ μιας πηγής, όταν:

α. Η μη ιδανική πηγή διαρρέεται από ρεύμα.

**β. Η εσωτερική αντίσταση της πηγής είναι αμελητέα.**

γ. Οι πόλοι της πηγής είναι βραχυκυκλωμένοι.

δ. Η πηγή συνδέεται με αμπερόμετρο.

$$V_{\pi} = \mathcal{E} - I \cdot r \xrightarrow{r=0} V_{\pi} = \mathcal{E}$$

(5 μονάδες)

Α4. Δύο αντιστάσεις  $R$  και  $2R$  συνδέονται παράλληλα και τα άκρα του συνδυασμού συνδέονται με πηγή.

Αν η ισχύς στην αντίσταση  $R$  είναι  $4W$ , τότε η ισχύς στην αντίσταση  $2R$  είναι

- α.  $1W$       **β.  $2W$**       γ.  $4W$       δ.  $8W$        $\frac{P_{2R}}{P_R} = \frac{V^2/2R}{V^2/R} = \frac{1}{2} \Rightarrow P_{2R} = \frac{P_R}{2} = 2W$   
(5 μονάδες)

Α5. Να χαρακτηρίσετε την κάθε πρόταση παρακάτω με το γράμμα Σ αν είναι σωστή ή με το γράμμα Λ αν είναι λανθασμένη.

- Λ α. Σε έναν τροχό που εκτελεί ομαλή στροφική κίνηση γύρω από σταθερό άξονα, η γωνιακή του ταχύτητα αυξάνεται με το χρόνο.  
Σ β. Ένα στερεό σώμα εκτελεί περιστροφική κίνηση. Η γωνιακή ταχύτητα και η γωνιακή επιτάχυνση του στερεού έχουν οπωσδήποτε την ίδια διεύθυνση.  
Λ γ. Κατά τη στροφική κίνηση ενός σώματος όλα τα σημεία του σώματος (εκτός αυτών που βρίσκονται στον άξονα περιστροφής) έχουν την ίδια ταχύτητα.  
Λ δ. Αν ένα αυτοκίνητο εκτελεί επιβραδυνόμενη κίνηση προς το Βορρά, τότε το διάνυσμα της γωνιακής επιτάχυνσης των τροχών του έχει κατεύθυνση προς τη Δύση.  
Σ ε. Κρούση στο μικρόκοσμο ονομάζεται το φαινόμενο στο οποίο τα «συγκρούμενα» σωματίδια αλληλεπιδρούν με σχετικά μεγάλες δυνάμεις για πολύ μικρό χρονικό διάστημα.

(5 μονάδες)

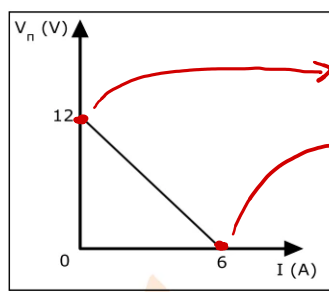
## ΘΕΜΑ Β

**B1. i)** Στο σχήμα φαίνεται η χαρακτηριστική καμπύλη μιας ηλεκτρικής πηγής.

Ποια είναι η ΗΕΔ  $\mathcal{E}$  της πηγής και ποια η εσωτερική της αντίσταση;

Να δικαιολογήσετε την απάντησή σας.

(5 μονάδες)



$$V_n = \mathcal{E} - I \cdot r$$

$$\begin{matrix} I=0 \\ V_n=0 \end{matrix} \Rightarrow 12 = \mathcal{E} - 0 \Rightarrow \mathcal{E} = 12V$$

$$0 = 12 - 6 \cdot r \Rightarrow r = \frac{12}{6} = 2\Omega$$

**ii)** Η παραπάνω πηγή  $\mathcal{E}$ ,  $r$  συνδέεται με αντιστάτη  $R$  ο οποίος καταναλώνει το 75% της ηλεκτρικής ενέργειας που παρέχει η πηγή στο κύκλωμα. Οι αντιστάσεις  $R$  και  $r$  συνδέονται με την σχέση:

α.  $R = 4r$

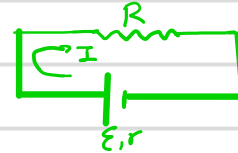
**β.  $R = 3r$**

γ.  $R = r$

Να επιλέξετε τη σωστή απάντηση και να την αιτιολογήσετε.

(1+4 μονάδες)

**Σωστή απάντηση (β)**



Η ηλεκτρική ενέργεια που προσφέρει η πηγή στο κύκλωμα, μετατρέπεται σε θερμότητα στους αντιστάτες.

$$W_{\eta\lambda(\mathcal{E})} = Q_{R+r}$$

Ο αντιστάτης καταναλώνει το 75% της ηλεκτρικής ενέργειας, άρα:

$$Q_R = 75\% \cdot W_{\eta\lambda(\mathcal{E})} \Rightarrow Q_R = \frac{75}{100} \cdot Q_{R+r} \Rightarrow I^2 \cdot R \cdot \Delta t = \frac{3}{4} \cdot I^2 \cdot (R+r) \cdot \Delta t \Rightarrow R = \frac{3}{4}(R+r)$$

$$\Rightarrow 4R = 3R + 3r \Rightarrow \mathbf{R = 3r}$$

**B2.** Σώμα μάζας  $m_1$  κινείται με ταχύτητα μέτρου  $v_1$  και συγκρούεται κεντρικά και πλαστικά με ακίνητο σώμα μάζας  $m_2$ . Η κινητική ενέργεια του συστήματος μετά την κρούση, είναι ίση με το  $\frac{1}{3}$  της απώλειας της μηχανικής ενέργειας.

i) Ο λόγος των μαζών των δύο σωμάτων είναι:

α.  $\frac{m_1}{m_2} = \frac{1}{1}$

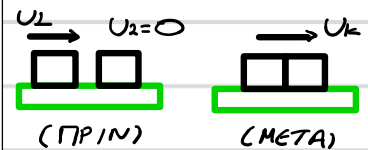
β.  $\frac{m_1}{m_2} = \frac{1}{5}$

**γ.  $\frac{m_1}{m_2} = \frac{1}{3}$**

Να επιλέξετε τη σωστή απάντηση και να δικαιολογήσετε τη την επιλογή σας.

(1+4 μονάδες)

**Σωστή απάντηση (γ)**



$$K_{\text{ολ(τελ)}} = \frac{1}{3} E_{\text{απολ}} \Rightarrow K_{\text{ολ(τελ)}} = \frac{1}{3} (K_{\text{ολ(αρχ)}} - K_{\text{ολ(τελ)}}) \Rightarrow 3 \cdot K_{\text{ολ(τελ)}} = K_{\text{ολ(αρχ)}} - K_{\text{ολ(τελ)}} \Rightarrow K_{\text{ολ(αρχ)}} = 4 \cdot K_{\text{ολ(τελ)}} \quad (1)$$

Εφαρμόζουμε την ΑΔΟ κατά την κρούση:

$$\vec{p}_1 + \vec{p}_2 = \vec{p}_{\text{κοινη}} \stackrel{(1)}{\Rightarrow} m_1 \cdot v_1 = (m_1 + m_2) \cdot v_{\kappa} \quad (2)$$

$$(1) \Rightarrow K_{\text{ολ(αρχ)}} = 4 \cdot K_{\text{ολ(τελ)}} \Rightarrow \frac{1}{2} m_1 v_1^2 = 4 \cdot \frac{1}{2} (m_1 + m_2) \cdot v_{\kappa}^2$$

$$(2) \Rightarrow \cancel{m_1} \cdot v_1^2 = 4 \cdot (\cancel{m_1} + m_2) \cdot \frac{m_1^2 \cdot v_1^2}{(m_1 + m_2)^2} \Rightarrow 1 = \frac{4m_2}{m_1 + m_2} \Rightarrow m_1 + m_2 = 4m_2$$

$$\Rightarrow m_2 = 3m_1 \Rightarrow \mathbf{\frac{m_1}{m_2} = \frac{m_1}{3m_1} = \frac{1}{3}}$$

**ii)** Το ποσοστό της αρχικής κινητικής ενέργειας που έγινε θερμότητα, είναι:

**α. 75%**

β. 50%

γ. 25%

Να επιλέξετε τη σωστή απάντηση και να δικαιολογήσετε τη την επιλογή σας.

(1+4 μονάδες)

**Σωστή απάντηση (α)**

$$\pi = \frac{Κολ(αρχι) - Κολ(τελι)}{Κολ(αρχι)} \cdot 100\% \stackrel{(1)}{=} \pi = \frac{4 \cdot Κολ(τελι) - Κολ(τελι)}{4 \cdot Κολ(τελι)} \cdot 100\% = \frac{3 \cdot Κολ(τελι)}{4 \cdot Κολ(τελι)} \cdot 100\%$$

$$\Rightarrow \pi = 75\%$$

**B3.** Θερμική συσκευή έχει χαρακτηριστικά κανονικής λειτουργίας <<100W-50V>>. Η αντίσταση που πρέπει να συνδέσουμε σε σειρά με τη θερμική συσκευή ώστε να λειτουργήσει κανονικά σε δίκτυο τάσης 200V πρέπει να έχει τιμή:

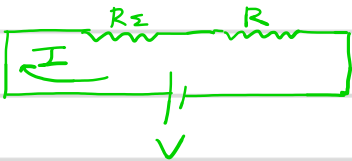
- α. 100 Ω                      β. 75 Ω                      γ. 50 Ω

Να επιλέξετε τη σωστή απάντηση και να δικαιολογήσετε την επιλογή σας.

(1+4 μονάδες)

Σωστή απάντηση (β)

$$\text{Συσκευή: } I_k = \frac{P_k}{V_k} = \frac{100}{50} = 2A \quad \text{και} \quad R_s = \frac{V_k}{I_k} = \frac{50}{2} = 25\Omega$$

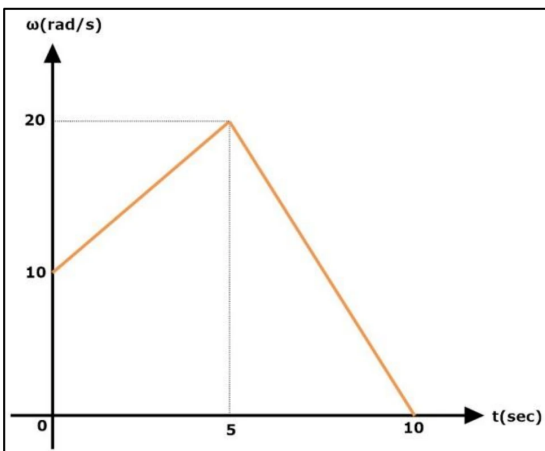


Αφού η συσκευή λειτουργεί κανονικά:

$$I = I_k = 2A \quad \text{και} \quad R_{ολ} = \frac{V}{I} = \frac{200}{2} = 100\Omega$$

$$R_{ολ} = R_s + R \Rightarrow 100 = 25 + R \Rightarrow R = 75\Omega$$

## ΘΕΜΑ Γ



Η γωνιακή ταχύτητα ενός ομογενούς δίσκου ακτίνας  $R=0,5 \text{ m}$  μεταβάλλεται όπως φαίνεται στη γραφική παράσταση του σχήματος.

**Γ1.** Να χαρακτηρίσετε τα είδη της κίνησης του δίσκου και να σχεδιάσετε το διάγραμμα γωνιακής επιτάχυνσης-χρόνου.

(Μονάδες 2+3)

0-5s: Στραφική ομαλά επιταχυνόμενη κίνηση

$$\alpha_{γων1} = \frac{\Delta\omega}{\Delta t} = \frac{20-10}{5-0} \Rightarrow \alpha_{γων1} = 2 \text{ rad/s}^2$$

5-10s: Στραφική ομαλά επιβραδυνόμενη κίνηση

$$\alpha_{γων2} = \frac{\Delta\omega}{\Delta t} = \frac{0-20}{10-5} \Rightarrow \alpha_{γων2} = -4 \text{ rad/s}^2$$



Γ2. Να υπολογιστούν οι χρονικές στιγμές όπου η γωνιακή του ταχύτητα είναι 16 rad/s.

(Μονάδες 5)

Ξεχωρίζουμε την επιταχυνόμενη κίνηση:

$$\omega = \omega_0 + \alpha \omega_1 \cdot \Delta t \Rightarrow 16 = 20 + 2 \cdot \Delta t \Rightarrow 2 \Delta t = 6 \Rightarrow \Delta t = 3 \text{ s}$$

$$\Rightarrow t_1 - t_{\text{αρχ}} = 3 \Rightarrow t_1 = 3 \text{ s}$$

Κατά τη διάρκεια της επιβραδυνόμενης κίνησης:

$$\omega = \omega_0 - |\alpha \omega_2| \cdot \Delta t \Rightarrow 16 = 20 - 4 \cdot \Delta t \Rightarrow 4 \Delta t = 4 \Rightarrow \Delta t = 1 \text{ s}$$

$$\Rightarrow t_2 - t_{\text{αρχ}} = 1 \Rightarrow t_2 - 5 = 1 \Rightarrow t_2 = 6 \text{ s}$$

Γ3. Να βρεθεί ο αριθμός περιστροφών που εκτέλεσε ο δίσκος, σε όλη τη διάρκεια της κίνησης.

$$0 - 5 \text{ s}: \epsilon_1 = \frac{(20 + 20) \cdot 5}{2} = \frac{100}{2} = 50$$

$$\Rightarrow \Delta \theta_1 = 50 \text{ rad}$$

$$\epsilon_2 = \frac{20 \cdot 5}{2} = 50 \Rightarrow \Delta \theta_2 = 50 \text{ rad}$$

$$N = \frac{\Delta \theta}{2\pi} \Rightarrow N = \frac{\Delta \theta_1 + \Delta \theta_2}{2\pi} = \frac{75 + 50}{2\pi} \Rightarrow N = \frac{125}{2\pi} \text{ περιστροφές}$$

Γ4. Να βρεθεί η γωνία που διέγραψε κατά τη διάρκεια του τρίτου δευτερολέπτου.

(Μονάδες 5)

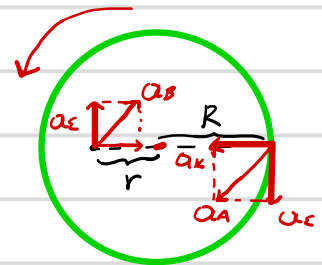
$$\Delta \theta = \omega_0 \cdot t + \frac{1}{2} \cdot \alpha \omega_2 \cdot t^2$$

$$\left. \begin{array}{l} t=2 \text{ s}, \Delta \theta_2 = 10 \cdot 2 + \frac{1}{2} \cdot 2 \cdot 2^2 = 24 \text{ rad} \\ t=3 \text{ s}, \Delta \theta_3 = 10 \cdot 3 + \frac{1}{2} \cdot 2 \cdot 3^2 = 39 \text{ rad} \end{array} \right\} \Rightarrow \Delta \theta = \Delta \theta_3 - \Delta \theta_2 = 15 \text{ rad}$$

Έστω δύο σημεία του δίσκου Α και Β. Το Α βρίσκεται στην περιφέρεια του τροχού και το Β απέχει από τον άξονα περιστροφής απόσταση  $r=0,25 \text{ m}$ . Κάποια χρονική στιγμή η κεντρομόλος επιτάχυνση του Α είναι  $2 \text{ m/s}^2$ .

Γ5. Να βρεθεί ο λόγος  $\frac{a_A}{a_B}$  των μέτρων των επιταχύνσεων των δύο σημείων του δίσκου.

(Μονάδες 6)



Επειδή γνωρίζουμε την  $a_{kA}$ :

$$a_{kA} = \omega^2 \cdot R \Rightarrow 2 = \omega^2 \cdot 0,5 \Rightarrow \omega^2 = 4 \Rightarrow \omega = 2 \text{ rad/s}$$

Η γωνιακή ταχύτητα του στερεού είναι 2 rad/s κατά τη διάρκεια της επιβραδυνόμενης κίνησης.

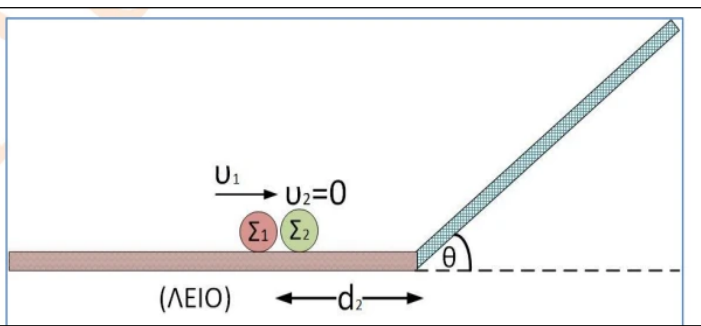
$$\left. \begin{array}{l} \text{Σημείο Α: } a_{εA} = \alpha \omega_2 \cdot R = 4 \cdot 0,5 = 2 \text{ m/s}^2 \\ a_{kA} = 2 \text{ m/s}^2 \end{array} \right\} \begin{array}{l} a_A = \sqrt{a_{εA}^2 + a_{kA}^2} = \sqrt{2^2 + 2^2} \\ \Rightarrow a_A = \sqrt{2 \cdot 2^2} = 2\sqrt{2} \text{ m/s}^2 \end{array}$$

$$\left. \begin{array}{l} \text{Σημείο Β: } a_{εr} = \alpha \omega_2 \cdot r = 4 \cdot 0,25 = 1 \text{ m/s}^2 \\ a_{kr} = \omega^2 \cdot r = 2^2 \cdot 0,25 = 1 \text{ m/s}^2 \end{array} \right\} \begin{array}{l} a_r = \sqrt{a_{εr}^2 + a_{kr}^2} = \sqrt{1^2 + 1^2} \\ \Rightarrow a_r = \sqrt{2} \text{ m/s}^2 \end{array}$$

$$\text{Άρα: } \frac{a_A}{a_r} = \frac{2\sqrt{2}}{\sqrt{2}} \Rightarrow \frac{a_A}{a_r} = 2$$

# ΘΕΜΑ Δ

Σώμα μάζας  $m_1 = 1 \text{ kg}$  κινείται σε λείο οριζόντιο δάπεδο με ταχύτητα μέτρου  $v_1 = 8 \text{ m/s}$ , λίγο πριν συγκρουστεί κεντρικά και ελαστικά με ακίνητο σώμα μάζας  $m_2 = 3 \text{ kg}$ . Να υπολογιστούν:  
**Δ1.** Οι ταχύτητες των σωμάτων  $m_1$  και  $m_2$ , αμέσως μετά την κρούση.  
 (3+3 μονάδες)



$$v_1' = \frac{m_2 - m_1}{m_1 + m_2} \cdot v_1 = \frac{1 - 3}{1 + 3} \cdot 8 = -\frac{2}{4} \cdot 8 \Rightarrow v_1' = -4 \text{ m/s}$$

$$v_2' = \frac{2m_1}{m_1 + m_2} \cdot v_1 = \frac{2 \cdot 1}{1 + 3} \cdot 8 = \frac{2}{4} \cdot 8 \Rightarrow v_2' = 4 \text{ m/s}$$

**Δ2.** Το ποσοστό μεταβολής της κινητικής ενέργειας του σώματος  $\Sigma_1$  κατά την κρούση.

$$K_1 = \frac{1}{2} m_1 \cdot v_1^2 = \frac{1}{2} \cdot 1 \cdot 8^2 = 32 \text{ J}$$

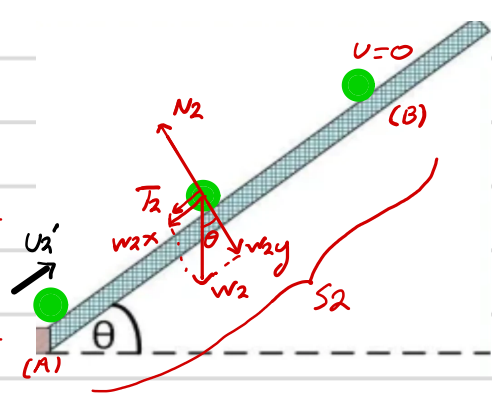
$$K_1' = \frac{1}{2} m_1 \cdot v_1'^2 = \frac{1}{2} \cdot 1 \cdot 4^2 = 8 \text{ J}$$

$$\Delta K_1 = K_1' - K_1 = 8 - 32 = -24 \text{ J}$$

$$\pi_1 = \frac{\Delta K_1}{K_1} \cdot 100\% = \frac{-24}{32} \cdot 100\% \Rightarrow \pi_1 = -75\%$$

Αφού το σώμα  $\Sigma_2$  κινηθεί στο λείο οριζόντιο δάπεδο για  $d_2 = 2 \text{ m}$ , εισέρχεται χωρίς μεταβολή της ταχύτητάς του, σε κεκλιμένο επίπεδο γωνίας  $\theta$  ( $\eta\mu\theta = 0,6$  και  $\sigma\upsilon\eta\theta = 0,8$ ), με το οποίο παρουσιάζει συντελεστή τριβής ολίσθησης  $\mu = \frac{1}{4}$ . Να υπολογιστεί:

**Δ3.** Ο ρυθμός μεταβολής της κινητικής του ενέργειας, τη στιγμή που μόλις εισέρχεται και ανεβαίνει στο κεκλιμένο επίπεδο.  
 (3 μονάδες)



$$W_{2x} = W_2 \cdot \eta\mu\theta = 30 \cdot 0,6 = 18 \text{ N}$$

$$W_{2y} = W_2 \cdot \sigma\upsilon\eta\theta = 30 \cdot 0,8 = 24 \text{ N}$$

$$\Sigma F_{2y} = 0 \Rightarrow N_2 = W_{2y} = 24 \text{ N}$$

$$T_2 = \mu \cdot N_2 = \frac{1}{4} \cdot 24 \Rightarrow T_2 = 6 \text{ N}$$

$$\frac{dK}{dt} = \frac{W_{\Sigma F}}{dt} = \frac{\Sigma F \cdot dx}{dt} \cdot \sigma\upsilon\eta\theta \Rightarrow \frac{dK}{dt} = \Sigma F \cdot v \cdot \sigma\upsilon\eta\theta$$

Όταν εισέρχεται στο κεκλιμένο επίπεδο:

$$\frac{dK}{dt} = -(W_{2x} + T_2) \cdot v_2' = -(18 + 6) \cdot 4 \Rightarrow \frac{dK}{dt} = -96 \text{ J/s}$$

**Δ4.** Η απόσταση που διανύει το σώμα μάζας  $m_2$  στο κεκλιμένο επίπεδο, μέχρι να σταματήσει.  
 (3 μονάδες)

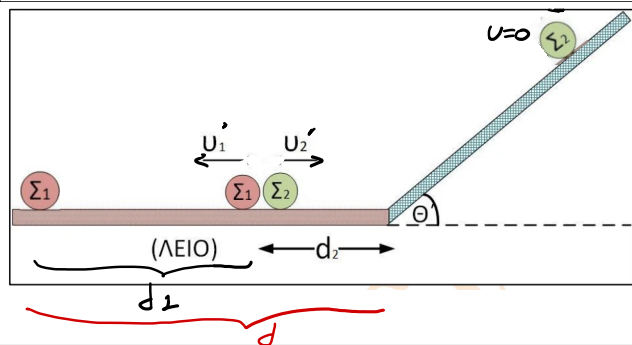
ΘΜΚΕ (A → B):  $K_B - K_A = W_{W_{2x}} + W_{N_2} + W_{T_2} + W_{W_{2y}}$

$$\Rightarrow -\frac{1}{2} m_2 v_2'^2 = -W_{2x} \cdot S_2 - T_2 \cdot S_2 \Rightarrow -\frac{1}{2} \cdot 3 \cdot 4^2 = -18 \cdot S_2 - 6 \cdot S_2$$

$$\Rightarrow -24 = -24 S_2 \Rightarrow S_2 = 1 \text{ m}$$

Δ5. Η απόσταση του  $m_1$  από τη βάση του κεκλιμένου επιπέδου, όταν το σώμα  $m_2$  σταματήσει για 1<sup>η</sup> φορά στο κεκλιμένο επίπεδο.

(3 μονάδες)



Το σώμα μάζας  $m_2$  εκτελεί ΕΟΚ για απόσταση  $d_2$  και στη συνέχεια ευθύγραμμη ομαλά επιβραδυνόμενη κίνηση στο κεκλιμένο επίπεδο. Υπολογίζουμε το χρονικό διάστημα της κίνησης.

$$\text{Ε.Ο.Κ.} : d_2 = u_2 \cdot \Delta t_2 \Rightarrow 2 = 4 \cdot \Delta t_2 \Rightarrow \Delta t_2 = 0,5 \text{ s}$$

$$\text{Ε.Ο.Επιβ.Κ.} : \sum F_{2x} = T_2 + w_{2x} = 6 + 18 = 24 \text{ N}$$

$$\sum F_{2x} = m_2 \cdot a_2 \Rightarrow 24 = 3 \cdot a_2 \Rightarrow a_2 = 8 \text{ m/s}^2$$

$$u = u_2' - |a_2| \cdot \Delta t_2 \Rightarrow 0 = 4 - 8 \cdot \Delta t_2 \Rightarrow \Delta t_2 = 0,5 \text{ s}$$

Σε συνολικό χρόνο 1 sec το σώμα μάζας  $m_1$  εκτελεί ΕΟΚ και διενυσε:

$$d_1 = u_1 \cdot (\Delta t_1 + \Delta t_2) \Rightarrow d_1 = 4 \cdot (0,5 + 0,5) \Rightarrow d_1 = 4 \text{ m}$$

Άρα η απόσταση απώ στο βάσι:  $d = d_1 + d_2 = 6 \text{ m}$

Δ6. Να βρεθεί το ποσοστό της αρχικής κινητικής ενέργειας του σώματος  $m_2$  που μεταφέρθηκε στο σώμα μάζας  $m_1$ , αν γνωρίζουμε ότι αυτή τη φορά, το σώμα μάζας  $m_2$  μετά την κρούση σταματάει στο κεκλιμένο επίπεδο, διανύοντας το  $\frac{1}{4}$  της απόστασης που βρέθηκε στο ερώτημα Δ4.

(6 μονάδες)

Η νέα απόσταση που διανύει στο κεκλιμένο:  $S_2' = \frac{1}{4} S_2 = 0,25 \text{ m}$

$$\text{Ο.Μ.Κ.Ε.} : K_{\text{αρχ}} - K_{\text{αφ}} = W_{w_{2x}} + W_{w_{2y}} + W_{T_2} + W_{N_2}$$

$$\Rightarrow -\frac{1}{2} m_2 u_2'^2 = -w_{2x} \cdot S_2' - T_2 \cdot S_2' \Rightarrow -\frac{1}{2} \cdot 3 \cdot u_2'^2 = -18 \cdot 0,25 - 6 \cdot 0,25$$

$$\Rightarrow -3 \cdot u_2'^2 = -9 - 3 \Rightarrow u_2' = \sqrt{\frac{12}{3}} = 2 \text{ m/s}$$

Επειδή κινούνται τώρα και τα 2 σώματα πριν την κρούση:

$$u_2' = \frac{2m_1}{m_1 + m_2} u_1 + \frac{m_2 - m_1}{m_1 + m_2} u_2 \Rightarrow 2 = \frac{2 \cdot 1}{1 + 3} \cdot (+8) + \frac{3 - 1}{1 + 3} \cdot u_2$$

$$\Rightarrow 2 = 4 + \frac{2}{4} u_2 \Rightarrow u_2 = -4 \text{ m/s (κινείται προς τα αριστερά)}$$

$$u_1' = \frac{m_1 - m_2}{m_1 + m_2} \cdot u_1 + \frac{2m_2}{m_1 + m_2} \cdot u_2 = \frac{1 - 3}{1 + 3} (+8) + \frac{2 \cdot 3}{1 + 3} (-4) = -4 - 6 = -10 \text{ m/s}$$

$$K_2 = \frac{1}{2} m_2 \cdot u_2'^2 = \frac{1}{2} \cdot 3 \cdot 4^2 = 24 \text{ J}$$

$$K_1 = \frac{1}{2} m_1 \cdot u_1'^2 = \frac{1}{2} \cdot 1 \cdot 10^2 = 50 \text{ J}$$

$$K_2' = \frac{1}{2} m_2 \cdot u_2'^2 = \frac{1}{2} \cdot 1 \cdot 20^2 = 200 \text{ J}$$

$$\Rightarrow \Delta K_1 = 50 - 32 = 18 \text{ J}$$

$$\pi = \frac{\Delta K_1}{K_2} \cdot 100\% = \frac{18}{24} \cdot 100\%$$

$$\Rightarrow \pi = 75\%$$